

**КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 1**

**Вариант 1**

1. Диагонали прямоугольника  $ABCD$  пересекаются в точке  $O$ . Найдите угол между диагоналями, если  $\angle ABO = 30^\circ$ .
2. В параллелограмме  $KMNP$  проведена биссектриса угла  $MKP$ , которая пересекает сторону  $MN$  в точке  $E$ .
  - а) Докажите, что треугольник  $KME$  равнобедренный.
  - б) Найдите сторону  $KP$ , если  $ME = 10$  см, а периметр параллелограмма равен 52 см.

**Вариант 2**

1. Диагонали ромба  $KMNP$  пересекаются в точке  $O$ . Найдите углы треугольника  $KOM$ , если  $\angle MNP = 80^\circ$ .
2. На стороне  $BC$  параллелограмма  $ABCD$  взята точка  $M$  так, что  $AB = BM$ .
  - а) Докажите, что  $AM$  — биссектриса угла  $BAD$ .
  - б) Найдите периметр параллелограмма, если  $CD = 8$  см,  $CM = 4$  см.

**КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 1**

**Вариант 1**

1. Диагонали прямоугольника  $ABCD$  пересекаются в точке  $O$ . Найдите угол между диагоналями, если  $\angle ABO = 30^\circ$ .
2. В параллелограмме  $KMNP$  проведена биссектриса угла  $MKP$ , которая пересекает сторону  $MN$  в точке  $E$ .
  - а) Докажите, что треугольник  $KME$  равнобедренный.
  - б) Найдите сторону  $KP$ , если  $ME = 10$  см, а периметр параллелограмма равен 52 см.

**Вариант 2**

1. Диагонали ромба  $KMNP$  пересекаются в точке  $O$ . Найдите углы треугольника  $KOM$ , если  $\angle MNP = 80^\circ$ .
2. На стороне  $BC$  параллелограмма  $ABCD$  взята точка  $M$  так, что  $AB = BM$ .
  - а) Докажите, что  $AM$  — биссектриса угла  $BAD$ .
  - б) Найдите периметр параллелограмма, если  $CD = 8$  см,  $CM = 4$  см.

## КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 2

### Вариант 1

1. Смежные стороны параллелограмма равны 32 см и 26 см, а один из его углов равен  $150^\circ$ . Найдите площадь параллелограмма.

2. Площадь прямоугольной трапеции равна  $120 \text{ см}^2$ , а ее высота равна 8 см. Найдите все стороны трапеции, если одно из оснований больше другого на 6 см.

3. На стороне  $AC$  данного треугольника  $ABC$  постройте точку  $D$  так, чтобы площадь треугольника  $ABD$  составила одну треть площади треугольника  $ABC$ .

### Вариант 2

1. Одна из диагоналей параллелограмма является его высотой и равна 9 см. Найдите стороны этого параллелограмма, если его площадь равна  $108 \text{ см}^2$ .

2. Найдите площадь трапеции  $ABCD$  с основаниями  $AD$  и  $BC$ , если известно, что  $AB = 12 \text{ см}$ ,  $BC = 14 \text{ см}$ ,  $AD = 30 \text{ см}$ ,  $\angle B = 150^\circ$ .

3. На продолжении стороны  $KN$  данного треугольника  $KMN$  постройте точку  $P$  так, чтобы площадь треугольника  $NMP$  была в два раза меньше площади треугольника  $KMN$ .

**КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 3**

**Вариант 1**

1. На рисунке 21  $AB \parallel CD$ .  
а) Докажите, что  $AO : OC = BO : OD$ .  
б) Найдите  $AB$ , если  $OD = 15$  см,  $OB = 9$  см,  $CD = 25$  см.

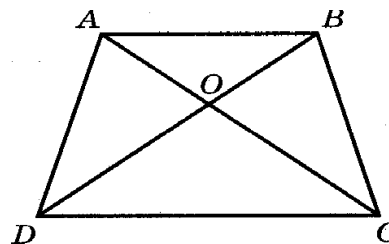


Рис. 21

2. Найдите отношение площадей треугольников  $ABC$  и  $KMN$ , если  $AB = 8$  см,  $BC = 12$  см,  $AC = 16$  см,  $KM = 10$  см,  $MN = 15$  см,  $NK = 20$  см.

**Вариант 2**

1. На рисунке 22  $MN \parallel AC$ .  
а) Докажите, что  $AB \cdot BN = CB \cdot BM$ .  
б) Найдите  $MN$ , если  $AM = 6$  см,  $BM = 8$  см,  $AC = 21$  см.
2. Даны стороны треугольников  $PQR$  и  $ABC$ :  $PQ = 16$  см,  $QR = 20$  см,  $PR = 28$  см и  $AB = 12$  см,  $BC = 15$  см,  $AC = 21$  см. Найдите отношение площадей этих треугольников.

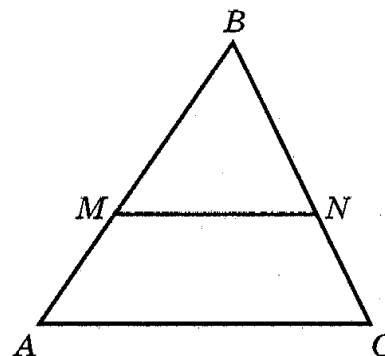


Рис. 22

**КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 3**

**Вариант 1**

1. На рисунке 21  $AB \parallel CD$ .  
а) Докажите, что  $AO : OC = BO : OD$ .  
б) Найдите  $AB$ , если  $OD = 15$  см,  $OB = 9$  см,  $CD = 25$  см.

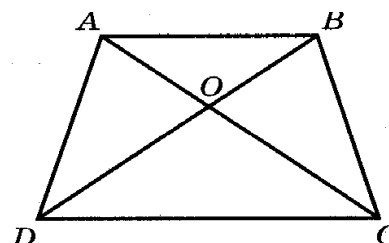


Рис. 21

2. Найдите отношение площадей треугольников  $ABC$  и  $KMN$ , если  $AB = 8$  см,  $BC = 12$  см,  $AC = 16$  см,  $KM = 10$  см,  $MN = 15$  см,  $NK = 20$  см.

**Вариант 2**

1. На рисунке 22  $MN \parallel AC$ .  
а) Докажите, что  $AB \cdot BN = CB \cdot BM$ .  
б) Найдите  $MN$ , если  $AM = 6$  см,  $BM = 8$  см,  $AC = 21$  см.
2. Даны стороны треугольников  $PQR$  и  $ABC$ :  $PQ = 16$  см,  $QR = 20$  см,  $PR = 28$  см и  $AB = 12$  см,  $BC = 15$  см,  $AC = 21$  см. Найдите отношение площадей этих треугольников.

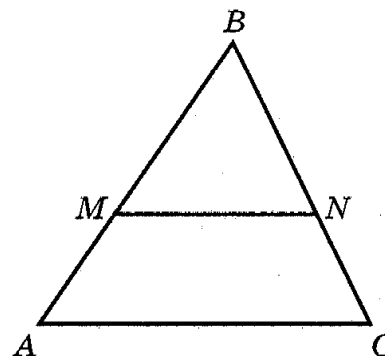


Рис. 22

### КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 4

#### Вариант 1

1. В прямоугольном треугольнике  $ABC$   $\angle A = 90^\circ$ ,  $AB = 20$  см, высота  $AD$  равна 12 см. Найдите  $AC$  и  $\cos C$ .

2. Диагональ  $BD$  параллелограмма  $ABCD$  перпендикулярна к стороне  $AD$ . Найдите площадь параллелограмма  $ABCD$ , если  $AB = 12$  см,  $\angle A = 41^\circ$ .

#### Вариант 2

1. Высота  $BD$  прямоугольного треугольника  $ABC$  равна 24 см и отсекает от гипотенузы  $AC$  отрезок  $DC$ , равный 18 см. Найдите  $AB$  и  $\cos A$ .

2. Диагональ  $AC$  прямоугольника  $ABCD$  равна 3 см и составляет со стороной  $AD$  угол  $37^\circ$ . Найдите площадь прямоугольника  $ABCD$ .

### КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 4

#### Вариант 1

1. В прямоугольном треугольнике  $ABC$   $\angle A = 90^\circ$ ,  $AB = 20$  см, высота  $AD$  равна 12 см. Найдите  $AC$  и  $\cos C$ .

2. Диагональ  $BD$  параллелограмма  $ABCD$  перпендикулярна к стороне  $AD$ . Найдите площадь параллелограмма  $ABCD$ , если  $AB = 12$  см,  $\angle A = 41^\circ$ .

#### Вариант 2

1. Высота  $BD$  прямоугольного треугольника  $ABC$  равна 24 см и отсекает от гипотенузы  $AC$  отрезок  $DC$ , равный 18 см. Найдите  $AB$  и  $\cos A$ .

2. Диагональ  $AC$  прямоугольника  $ABCD$  равна 3 см и составляет со стороной  $AD$  угол  $37^\circ$ . Найдите площадь прямоугольника  $ABCD$ .

**КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 5**

**Вариант 1**

1. Через точку  $A$  окружности проведены диаметр  $AC$  и две хорды  $AB$  и  $AD$ , равные радиусу этой окружности. Найдите углы четырехугольника  $ABCD$  и градусные меры дуг  $AB$ ,  $BC$ ,  $CD$ ,  $AD$ .

2. Основание равнобедренного треугольника равно 18 см, а боковая сторона равна 15 см. Найдите радиусы вписанной в треугольник и описанной около треугольника окружностей.

**Вариант 2**

1. Отрезок  $BD$  — диаметр окружности с центром  $O$ . Хорда  $AC$  делит пополам радиус  $OB$  и перпендикулярна к нему. Найдите углы четырехугольника  $ABCD$  и градусные меры дуг  $AB$ ,  $BC$ ,  $CD$ ,  $AB$ .

2. Высота, проведенная к основанию равнобедренного треугольника, равна 9 см, а само основание равно 24 см. Найдите радиусы вписанной в треугольник и описанной около треугольника окружностей.

**КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 5**

**Вариант 1**

1. Через точку  $A$  окружности проведены диаметр  $AC$  и две хорды  $AB$  и  $AD$ , равные радиусу этой окружности. Найдите углы четырехугольника  $ABCD$  и градусные меры дуг  $AB$ ,  $BC$ ,  $CD$ ,  $AD$ .

2. Основание равнобедренного треугольника равно 18 см, а боковая сторона равна 15 см. Найдите радиусы вписанной в треугольник и описанной около треугольника окружностей.

**Вариант 2**

1. Отрезок  $BD$  — диаметр окружности с центром  $O$ . Хорда  $AC$  делит пополам радиус  $OB$  и перпендикулярна к нему. Найдите углы четырехугольника  $ABCD$  и градусные меры дуг  $AB$ ,  $BC$ ,  $CD$ ,  $AB$ .

2. Высота, проведенная к основанию равнобедренного треугольника, равна 9 см, а само основание равно 24 см. Найдите радиусы вписанной в треугольник и описанной около треугольника окружностей.

### ИТОГОВАЯ КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА

#### Вариант 1

1. В трапеции  $ABCD$  точка  $M$  — середина большего основания  $AD$ ,  $MD = BC$ ,  $\angle B = 100^\circ$ . Найдите углы  $AMC$  и  $BСM$ .

2. На стороне  $AD$  параллелограмма  $ABCD$  отмечена точка  $K$  так, что  $AK = 4$  см,  $KD = 5$  см,  $BK = 12$  см. Диагональ  $BD$  равна 13 см.

а) Докажите, что треугольник  $BKD$  прямоугольный.  
б) Найдите площади треугольника  $ABK$  и параллелограмма  $ABCD$ .

3. Отрезки  $AC$  и  $BD$  пересекаются в точке  $O$ , причем  $AO = 15$  см,  $BO = 6$  см,  $CO = 5$  см,  $DO = 18$  см.

а) Докажите, что четырехугольник  $ABCD$  — трапеция.  
б) Найдите отношение площадей треугольников  $AOD$  и  $BOC$ .

4. Около остроугольного треугольника  $ABC$  описана окружность с центром  $O$ . Расстояние от точки  $O$  до прямой  $AB$  равно 6 см,  $\angle AOC = 90^\circ$ ,  $\angle OBC = 15^\circ$ . Найдите: а) угол  $ABO$ ; б) радиус окружности.

#### Вариант 2

1. В трапеции  $ABCD$  на большем основании  $AD$  отмечена точка  $M$  так, что  $AM = 3$  см,  $CM = 2$  см,  $\angle BAD = \angle BCM$ . Найдите длины сторон  $AB$  и  $BC$ .

2. В трапеции  $ABCD$   $\angle A = \angle B = 90^\circ$ ,  $AB = 8$  см,  $BC = 4$  см,  $CD = 10$  см. Найдите:

а) площадь треугольника  $ACD$ ;  
б) площадь трапеции  $ABCD$ .

3. Через точку  $M$  стороны  $AB$  треугольника  $ABC$  проведена прямая, перпендикулярная высоте  $BD$  треугольника и пересекающая сторону  $BC$  в точке  $K$ . Известно, что  $BM = 7$  см,  $BK = 9$  см,  $BC = 27$  см. Найдите:

а) длину стороны  $AB$ ;  
б) отношение площадей треугольников  $ABC$  и  $MBK$ .

4. В треугольник  $ABC$  с прямым углом  $C$  вписана окружность с центром  $O$ , касающаяся сторон  $AB$ ,  $BC$  и  $CA$  в точках  $D$ ,  $E$  и  $F$  соответственно. Известно, что  $OC = 2\sqrt{2}$  см. Найдите: а) радиус окружности; б) углы  $EOF$  и  $EDF$ .